

PGCD deux polynômes

Listes des polynômes utilisés

- $X^3 + X^2 - X - 1$
- $X^2 + X (-1 - i) + i$
- $X^3 + X^2 (2 - i) + X (1 - 2i) - i$
- $X^2 + 3iX + 4$
- $X^2 - 2X + 1$
- $4X^2 + X (8 - 4i) - 8i$

Résultats obtenus : Voici pour chaque couple de polynômes, le pgcd trouvé et une paire de coefficients de Bézout associés à ces polynômes.

| a | b | pgcd(a, b) | Coef de a | Coef de b |
|--------------------------------------|--------------------------------------|----------------|--|--|
| $X^2 + X (-1 - i) + i$ | $X^3 + X^2 - X - 1$ | $X - 1$ | $\frac{iX}{2} - \frac{1}{2} + i$ | $-\frac{i}{2}$ |
| $X^3 + X^2 (2 - i) + X (1 - 2i) - i$ | $X^3 + X^2 - X - 1$ | $X^2 + 2X + 1$ | $\frac{i}{2}$ | $-1 - \frac{i}{2}$ |
| $X^3 + X^2 (2 - i) + X (1 - 2i) - i$ | $X^2 + X (-1 - i) + i$ | $X - i$ | 0 | $-\frac{X}{4} - \frac{3}{4}$ |
| $X^2 + 3iX + 4$ | $X^3 + X^2 - X - 1$ | 1 | $-\frac{61X^2}{1156} - \frac{57i}{1156} X^2 - \frac{3i}{34} X + \frac{231}{1156} + \frac{57i}{1156}$ | $\frac{61X}{1156} + \frac{57i}{1156} X - \frac{58}{289} + \frac{57i}{289}$ |
| $X^2 + 3iX + 4$ | $X^2 + X (-1 - i) + i$ | $X - i$ | $-\frac{4i}{17}$ | $-1 + \frac{4i}{17}$ |
| $X^2 + 3iX + 4$ | $X^3 + X^2 (2 - i) + X (1 - 2i) - i$ | $X - i$ | $\frac{15X}{289} - \frac{8i}{289} X - \frac{2}{289} - \frac{76i}{289}$ | $-1 + \frac{8i}{289}$ |
| $X^2 - 2X + 1$ | $X^3 + X^2 - X - 1$ | $X - 1$ | $-\frac{X}{4} - \frac{3}{4}$ | 0 |
| $X^2 - 2X + 1$ | $X^2 + X (-1 - i) + i$ | $X - 1$ | $-1 - \frac{i}{2}$ | $\frac{i}{2}$ |
| $X^2 - 2X + 1$ | $X^3 + X^2 (2 - i) + X (1 - 2i) - i$ | 1 | $\frac{X^2}{8} + \frac{iX^2}{4} + \frac{X}{2} + \frac{iX}{2} + \frac{5}{8} + \frac{i}{4}$ | $-\frac{X}{8} - \frac{iX}{4} + \frac{1}{4} + \frac{3i}{8}$ |
| $X^2 - 2X + 1$ | $X^2 + 3iX + 4$ | 1 | $\frac{61X}{578} - \frac{3i}{289} X - \frac{3}{289} + \frac{114i}{289}$ | $-\frac{61X}{578} + \frac{3i}{289} X + \frac{73}{289} - \frac{57i}{578}$ |

| a | b | pgcd(a, b) | Coef de a | Coef de b |
|-------------------------|------------------------------------|------------|---|---|
| $4X^2 + X(8 - 4i) - 8i$ | $X^3 + X^2 - X - 1$ | 1 | $-\frac{X^2}{48} - \frac{iX^2}{48} + \frac{X}{12} - \frac{iX}{24} - \frac{1}{48} + \frac{5i}{48}$ | $\frac{X}{12} + \frac{iX}{12} - \frac{1}{6} + \frac{i}{6}$ |
| $4X^2 + X(8 - 4i) - 8i$ | $X^2 + X(-1 - i) + i$ | $X - i$ | 0 | -1 |
| $4X^2 + X(8 - 4i) - 8i$ | $X^3 + X^2(2 - i) + X(1 - 2i) - i$ | $X - i$ | $-\frac{X}{4}$ | 1 |
| $4X^2 + X(8 - 4i) - 8i$ | $X^2 + 3iX + 4$ | $X - i$ | $\frac{i}{20}$ | $-1 - \frac{i}{5}$ |
| $4X^2 + X(8 - 4i) - 8i$ | $X^2 - 2X + 1$ | 1 | $-\frac{X}{72} - \frac{iX}{18} + \frac{1}{18} + \frac{7i}{72}$ | $\frac{X}{18} + \frac{2i}{9}X + \frac{2}{9} + \frac{4i}{9}$ |

PGCD deux entiers

Résultats obtenus : Voici des couples d'entiers, et pour chacun d'eux le pgcd trouvé et une paire de coefficients de Bézout associés à ces entiers.

| a | b | pgcd(a, b) | Coef de a | Coef de b |
|-------|------|------------|-----------|-----------|
| 600 | 124 | 4 | 6 | -29 |
| 9945 | 3003 | 39 | -16 | 53 |
| 560 | 133 | 7 | 5 | -21 |
| 12121 | 789 | 1 | -80 | 1229 |
| 99999 | 1110 | 3 | 157 | -14144 |